

Università degli Studi Roma Tre - Ingegneria Meccanica
Esercizi di Analisi Matematica I
A.A. 2022/23

- Esercitazione 6 -

Limiti di successioni

- | | |
|---|---|
| (1) $\lim_{n \rightarrow +\infty} (e^n - 2^n)$
(2) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{2^{n+1}+1}{3^n+1}$
(3) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{2n}$
(4) $\lim_{n \rightarrow +\infty} (n - \log n)$
(5) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{2^n - 4^n}{3^n - n!}$
(6) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n! + 2^n}{(n+1)!}$
(7) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{A^n + B^n}$, con $A, B > 0$
(8) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\sqrt{n^2 + n} - \sqrt{n^2 + 1} \right)$
(9) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\pi n - 2^{-n}}{\log n - 2n}$
(10) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n^3 - \sin n}{2n + (-1)^n}$
(11) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{3n^4 - n \arctan n}{2\pi n^4 - n^3 + n^2 + 2}$
(12) $\lim_{n \rightarrow +\infty} n \sin(\pi n)$
(13) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\arctan n}{n + \arctan(n-1)}$
(14) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{6 \cos n - n}{2 \tan(1/n) + 2n}$ | (15) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \arctan \left(\frac{n^2+1}{1-n} \right)$
(16) $\lim_{n \rightarrow +\infty} (n^{\log n} - n^2)$
(17) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n^3 - \sin n}{2n^3 + (-1)^n - 1}$
(18) $\lim_{n \rightarrow +\infty} (n - n \arctan n)$
(19) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\log(n^3+1)}{\log(2n^5-8)}$
(20) $\lim_{n \rightarrow +\infty} (-1)^{n^2+n}$
(21) $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^\alpha (1 - \cos(\frac{1}{2^n}))$ per ogni $\alpha \in \mathbb{R}$
(22) $\lim_{n \rightarrow +\infty} (n^{n^\alpha} - e^n)$ per ogni $\alpha \in \mathbb{R}$
(23) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sin(\frac{1}{n^3})}{\sqrt[3]{1 + \frac{1}{n^\alpha}} - 1}$ per ogni $\alpha \in \mathbb{R}$
(24) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\log(1+n^\alpha)}{\log n}$ per ogni $\alpha \in \mathbb{R}$
(25) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\log(1+e^n)}{n^\alpha}$ per ogni $\alpha \in \mathbb{R}$
(26) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{n^4+n^3}-\sqrt{n^4-n^3}}{n+n^\alpha}$ per ogni $\alpha \in \mathbb{R}$
(27) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sin(\alpha^n)}{n^{\alpha-1}}$ per ogni $\alpha > 0$ |
|---|---|

Limiti di funzioni

- | | |
|--|---|
| (1) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{\sin x}$
(2) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - e^{-x}}{\sin x}$
(3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{3x}$
(4) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x - e}{x - 1}$
(5) $\lim_{x \rightarrow 0} x [\ln(\frac{e^{x^2} - \cos x}{x^2})]$ | (6) $\lim_{x \rightarrow 0} x [\ln(x+a) - \ln(x)]$
(7) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln(x+a) - \ln(a)}{x}$
(8) $\lim_{x \rightarrow e} \frac{\ln x - 1}{x - e}$
(9) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{\ln(1+x)}$
(10) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^x - 7^x}{6^x - 5^x}$ |
|--|---|